

فهرست مطالب

فصل اول: «یادآوری مفاهیم پایه»

۱	درسنامه (۱): مفاهیم پایه
۱	توان
۲	رادیکال‌ها
۴	اتحادهای جبری

درسنامه (۲): معادلات و نامعادلات.

۹	معادله درجه دوم
---	-----------------

۱۱	محاسبه باقیمانده چندجمله‌ای $P(x) = ax^3 + bx + c$
----	--

درسنامه (۳): مثلثات

درسنامه (۴): تصاعدی‌های حسابی و هندسی

۱۹	تصاعد
----	-------

درسنامه (۵): معادله خط

۲۲	نکات مهم معادله خط
----	--------------------

فصل دوم: «مجموعه‌ها و بسط دو جمله‌ای»

درسنامه (۱): مجموعه‌ها

۲۵	مجموعه‌ی مرجع (جهانی)
----	-----------------------

۲۵	مجموعه‌ی تهی
----	--------------

۲۵	زیرمجموعه‌های یک مجموعه
----	-------------------------

۲۶	متهم یک مجموعه
----	----------------

۲۶	خواص مجموعه‌های متهم
----	----------------------

۲۶	مجموعه‌های همارز، مساوی و جدا از هم
----	-------------------------------------

۲۶	اجتماع دو مجموعه
----	------------------

۲۷	خواص اجتماع دو مجموعه
----	-----------------------

۲۷	اشتراك دو مجموعه
----	------------------

۲۷	خواص اشتراك دو مجموعه
----	-----------------------

۲۷	مجموعه‌های عددی
----	-----------------

۲۸	خواص اجتماع و اشتراك نسبت به هم
----	---------------------------------

۳۰	تفاضل دو مجموعه
----	-----------------

۳۰	خواص تفاضل دو مجموعه
----	----------------------

۳۳	تفاضل متقارن دو مجموعه
----	------------------------

۳۳	خواص تفاضل متقارن
----	-------------------

۳۴	حاصل ضرب دکارتی دو مجموعه
----	---------------------------

۳۴	عدد اصلی یک مجموعه
----	--------------------

۳۶	فاکتوریل
----	----------

درسنامه (۲): بسط چندجمله‌ای

۳۷	بسط دو جمله‌ای نیوتون
----	-----------------------

۴۲	بسط سه‌جمله‌ای
----	----------------

فصل سوم : «تابع»

درسنامه (۱): تعریف تابع، تعریف دامنه، برد تابع و معرفی انواع تابع	۴۴
تعریف تابع	۴۴
مقدار تابع	۴۴
محاسبه دامنه توابع	۴۵
تساوی دو تابع	۴۶
انواع تابع	۴۷
خواص قدرمطلق	۴۸
تابع جزء صحیح (براکت)	۵۰
لگاریتم	۵۱
لگاریتم طبیعی یا نپرین	۵۳
$y = \log_{k(x)}^{g(x)}$	۵۳
نامساوی‌های لگاریتمی	۵۵
تابع زوج و فرد	۵۸
تابع صعودی و نزولی	۶۰
تابع یک به یک	۶۱
تابع پوششی (پوشایشی)	۶۲
تابع معکوس (وارون)	۶۲
تابع نمایی	۶۳

درسنامه (۲): برد تابع و روش‌های به دست آوردن آن	۷۰
برد تابع	۷۰

درسنامه (۳): تابع مرکب و توابع هیپربولیک	۷۶
ترکیب دو تابع	۷۶
به دست آوردن ضابطه $g(x)$	۸۰
به دست آوردن ضابطه $f(x)$	۸۱
تابع هیپربولیک	۸۱
اتحادهای مهم در توابع هیپربولیک	۸۲

درسنامه (۴): معکوس توابع هیپربولیک، مثلثاتی و تابع متناوب	۸۵
تابع مثلثاتی و معکوس آن‌ها	۸۷
تابع متناوب	۸۹
پیوست: نمودار توابع مهندسی	۹۲

فصل چهارم: «حد و پیوستگی»

درسنامه (۱): تعاریف حد، محاسبه مستقیم حد، حدود چپ و راست	۹۳
تعريف حدود چپ و راست	۹۳
ویژگی جایگذاری مستقیم در ضابطه تابع	۹۳
قواعد و قضایای حد	۹۳
صفر حدی (${}^0_+ + \infty$ و ${}^0_- - \infty$) و صفر مطلق	۹۵
در چه نوع حدودی حتماً لازم است هم حد چپ و هم حد راست را حساب کنیم؟	۹۶

فهرست مطالب

۱۰۱.....	درسنامه (۲): حالت مبهم
۱۰۱.....	رفع ابهام از حالت مبهم
۱۱۰.....	درسنامه (۳): حالت مبهم
۱۱۳.....	درسنامه (۴): حالت مبهم
۱۱۵.....	درسنامه (۵): حالت مبهم
۱۱۷.....	درسنامه (۶): حالت مبهم
۱۱۸.....	درسنامه (۷): حالت مبهم
۱۱۹.....	درسنامه (۸): حالت مبهم
۱۲۲.....	درسنامه (۹): پیوستگی
۱۲۳.....	پیوستگی تابع
۱۲۷.....	پیوستگی تابع در یک فاصله (بازه)
۱۲۸.....	تعریف ناپیوستگی رفع شدنی
۱۲۸.....	جهش انفال تابع
۱۲۹.....	به دست آوردن نقاط انفال توابعی به فرم $y = \lfloor f(x) \rfloor$
۱۳۱.....	قضیه بولتزانو (مقدار میانی)
۱۳۲.....	درسنامه (۱۰): مجانب توابع و انواع آن
۱۳۴.....	مجانب مایل
۱۳۴.....	روش تعیین مجانب مایل
۱۳۶.....	مجانب توابع پارامتری

فصل پنجم: «مشتق»

۱۳۷.....	درسنامه (۱): مفهوم مشتق و فرمول‌های مشتق‌گیری
۱۳۷.....	تعریف مشتق در یک نقطه
۱۳۸.....	مشتق چپ و راست
۱۳۸.....	رابطه بین مشتق و پیوستگی
۱۴۳.....	مشتق حاصل جمع، حاصل ضرب و تقسیم دو عبارت
۱۴۶.....	استفاده از لگاریتم در مشتق‌گیری
۱۴۹.....	مشتقات مرتب بالاتر
۱۵۰.....	محاسبه مشتق مرتبه ۱۱ام
۱۵۵.....	فرمول لایپ نیتر
۱۵۷.....	مشتق‌گیری توابع ضمنی
۱۶۲.....	مشتق تابع $f[g](x)$ (تابع مرکب)
۱۶۶.....	منحنی‌های پارامتری و مشتق آنها
۱۶۸.....	قاعده زنجیره‌ای مشتق
۱۶۹.....	مشتق تابع معکوس
۱۷۱.....	درسنامه (۱۱): مشتق توابع خاص
۱۷۱.....	مشتق توابع شامل قدر مطلق
۱۷۲.....	مشتق توابع جزء صحیح
۱۷۳.....	عامل صفر کننده در مشتق
۱۷۴.....	نرخ تغییرات
۱۷۶.....	مشتق در فیزیک

فصل ششم: «کاربرد مشتق»

درسنامه (۱): آهنگ متوسط، لحظه‌ای تغییر و کمیت‌های وابسته	۱۷۷
آهنگ لحظه‌ای تغییر	۱۷۷
آهنگ متوسط تغییر	۱۷۷
کمیت‌های وابسته	۱۷۸
رشد و زوال	۱۷۸
درسنامه (۲): نوشتن معادله خطوط قائم و مماس بر یک منحنی	۱۸۰
زاویه بین دو منحنی	۱۸۶
درسنامه (۳): نقاط اکسترم و نقطه عطف	۱۸۷
تعریف نقاط اکسترم تابع (نقاط Max و Min تابع)	۱۸۷
تعریف ماکریمم و مینیمم مطلق تابع	۱۸۷
آزمون مشتق اول برای تعیین نوع نقاط اکسترم تابع	۱۸۷
آزمون مشتق دوم برای تعیین نقاط اکسترم تابع	۱۸۹
تعیین نقاط Min, Max مطلق تابع	۱۹۲
تعیین صعودی و نزولی بودن توابع به کمک مشتق	۱۹۴
تقریب و تحدب و نقطه عطف	۱۹۶
نقطه عطف	۱۹۸
توابع محدب و مقعر	۲۰۳
درسنامه (۴): قضایای رُل، مقدار میانگین و بهینه‌سازی	۲۰۴
کاربرد مشتق در تعیین مقادیر حداکثر و حداقل (کاربردهای صنعتی و بهینه‌سازی)	۲۰۵
توابع هموگرافیک	۲۰۷
درسنامه (۵): دیفرانسیل و محاسبه مقدار تقریبی تابع	۲۰۸
دیفرانسیل و نمو تابع	۲۰۸
کاربرد دیفرانسیل	۲۱۰

فصل هفتم: «انتگرال و کاربرد انتگرال»

درسنامه (۱): فرمول‌های انتگرال‌گیری و استفاده از تغییر متغیر در انتگرال‌گیری	۲۱۲
انتگرال نامعین	۲۱۲
فرمول‌های مهم انتگرال	۲۱۲
تغییر متغیر	۲۱۳
درسنامه (۲): محاسبه انتگرال‌های شامل توابع مثلثاتی با توان‌های مختلف	۲۲۸
انتگرال‌های \cos, \sin با توان فرد	۲۲۸
انتگرال‌های \cos, \sin با توان زوج	۲۲۸
محاسبه انتگرال‌های حاصل ضرب دو جمله سینوسی و کسینوسی	۲۲۹
درسنامه (۳): انتگرال‌گیری به روش جزء به جزء	۲۳۰
انتگرال‌گیری جزء به جزء به کمک تشکیل جدول	۲۳۵
درسنامه (۴): انتگرال‌گیری به روش تجزیه کسرها	۲۳۹
انتگرال‌گیری به روش تجزیه کسرها (تجزیه کسرهای جزئی)	۲۳۹
درسنامه (۵): به دست آوردن تابع (x) از روی تابع $(f'(x))$	۲۴۲
درسنامه (۶): نکات و خواص انتگرال معین	۲۴۷
درسنامه (۷): محاسبه انتگرال‌های شامل جزء صحیح و قدر مطلق	۲۵۰
محاسبه انتگرال‌های شامل برآکت (جزء صحیح)	۲۵۰
محاسبه انتگرال‌های شامل قدر مطلق	۲۵۱

فهرست مطالب

درسنامه (۷): مشتق گیری از انتگرال، انتگرال‌های غیرعادی (ناسره) و مقدار متوسط تابع	۲۵۲
مشتق گیری از انتگرال	۲۵۲
انتگرال‌های غیرعادی (ناسره)	۲۵۵
قضیه مقدار میانگین در انتگرال (محاسبه مقادیر متوسط توابع)	۲۵۶
درسنامه (۸): محاسبه سطح محصور، حجم حاصل از دوران و طول قوس منحنی	۲۵۷
سطح محصور	۲۵۷
محاسبه حجم	۲۶۸
روش «پوسته استوانه‌ای» برای بدست آوردن حجم	۲۷۱
محاسبه طول قوس منحنی	۲۷۲

فصل هشتم: «ماتریس»

درسنامه (۹): مفهوم ماتریس، انواع ماتریس و جمع و ضرب ماتریس‌ها	۲۷۴
جمع ماتریس‌ها و خواص مربوط به آن	۲۷۵
به توان رساندن یک ماتریس مربعی	۲۷۷
ماتریس ترانهاده	۲۷۸
ماتریس‌های بالا مثلثی و پایین مثلثی	۲۷۸
ماتریس متقارن	۲۷۸
ماتریس پاد متقارن (شبیه متقارن)	۲۷۹
اثر ماتریس (trace)	۲۸۰
درسنامه (۱۰): دترمینان ماتریس و خواص آن	۲۸۱
دترمینان	۲۸۱
دستور ساروس برای محاسبه دترمینان ماتریس‌های مرتبه ۳	۲۸۲
درسنامه (۱۱): ماتریس‌های کهاد، همسازه، الحاقی، معکوس و چند ماتریس خاص	۲۸۶
درسنامه (۱۲): دستگاه معادلات خطی	۲۹۵
درسنامه (۱۳): مقادیر ویژه (Eigen Value) و بردارهای ویژه	۳۰۲
چند نکته تكميلي	۳۰۷
درسنامه (۱۴): رتبه ماتریس، وابستگی خطی، ماتریس‌های معین مثبت و معین منفی	۳۰۹
استقلال و وابستگی خطی	۳۰۹
رتبه ماتریس	۳۱۰
ماتریس معین مثبت و معین منفی	۳۱۸

فصل نهم: «بردار»

درسنامه (۱۵): مفهوم بردار، حاصل ضرب داخلی و خارجی دو بردار و وابستگی بردارها	۳۱۹
دستگاه مختصات قائم	۳۱۹
حاصل ضرب داخلی دو بردار (حاصل ضرب اسکالر)	۳۲۰
شرط موازی بودن دو بردار	۳۲۱
حاصل ضرب خارجی دو بردار	۳۲۱
خواص ضرب خارجی دو بردار	۳۲۲
ضرب مختلط سه بردار	۳۲۲
استقلال و وابستگی خطی بردارها	۳۲۲
درسنامه (۱۶): معادله خط، معادله صفحه و فاصله نقطه از صفحه	۳۲۵
معادله خط	۳۲۵
معادله صفحه	۳۲۶
فاصله یک نقطه از یک صفحه	۳۲۸

فصل دهم: «توابع چند متغیره»

درسنامه (۱): دامنه و برد توابع چندمتغیره.....	۳۲۹
درسنامه (۲): حد و پیوستگی توابع دو متغیره.....	۳۳۴
درسنامه (۳): مشتق جزئی (نسبی)، دیفرانسیل تابع، مشتق زنجیره‌ای و ضمنی تعريف مشتق جزئی (نسبی).....	۳۳۸
دیفرانسیل یک تابع.....	۳۴۳
دیفرانسیل کامل تابع سه متغیره.....	۳۴۳
محاسبه مقدار تقریبی تابع با استفاده از دیفرانسیل.....	۳۴۶
شرط دیفرانسیل کامل.....	۳۴۸
مشتق زنجیری در توابع چند متغیره.....	۳۴۸
قاعده مشتق‌گیری از تابع مرکب با تعداد متغیرهای بیشتر.....	۳۵۴
مشتق‌گیری ضمنی.....	۳۵۵
درسنامه (۴): قضیه اویلر و تعمیم قضیه اویلر و ژاکوبین توابع قضیه اویلر.....	۳۵۸
محاسبه مشتقات جزئی یک دستگاه با استفاده از ژاکوبین.....	۳۶۲
درسنامه (۵): گرادیان و معادلات صفحه و خط، مماس و قائم بر رویه گرادیان.....	۳۶۵
صفحه مماس و خط قائم بر یک رویه.....	۳۶۵
معادله خط مماس و صفحه قائم بر خم حاصل از « تقاطع » دو رویه.....	۳۶۶
درسنامه (۶): نقاط بحرانی تابع، اکسترمم توابع مقید (مشروط)، توابع محدب و مقعر و ماتریس هسیان.....	۳۶۸
به دست آوردن نقاط بحرانی و اکسترمم‌های تابع دو متغیره.....	۳۶۸
به دست آوردن ماکریزم و مینیمم توابع مقید با استفاده از روش ضرایب لاغرانژ.....	۳۷۵
تابع دو متغیره‌ی محدب و مقعر	۳۸۱
ماتریس هسیان (هشین).....	۳۸۳
درسنامه (۷): انگرال دوگانه و تغییر متغیر قطبی.....	۳۸۵
تغییر متغیر قطبی.....	۳۸۹

فصل یازدهم: «کاربرد ریاضیات در اقتصاد»

درسنامه (۱): کشش تقاضا، کشش درآمد و ماکریزم مطلوبیت مصرف‌کننده.....	۳۹۱
کشش.....	۳۹۱
کشش قیمتی تقاضا.....	۳۹۱
کشش درآمدی تقاضا.....	۳۹۴
کشش تولیدی عوامل تولید	۳۹۵
ماکریزم مطلوبیت مصرف کننده.....	۳۹۶
درسنامه (۲): تابع درآمد، هزینه، تابع سود و نقطه سریعه سر.....	۳۹۷
رابطه درآمد نهایی و کشش قیمتی تقاضا.....	۳۹۷
تابع هزینه.....	۳۹۹
تابع سود.....	۴۰۳
نقطه سر به سر	۴۰۶
درسنامه (۳): مازاد مصرف‌کننده و عرضه‌کننده، مفاهیم سرمایه‌گذاری و میل به مصرف و تولید.....	۴۰۹
مازاد مصرف‌کننده و عرضه کننده.....	۴۰۹
سرمایه‌گذاری با سود پیوسته و سالیانه.....	۴۱۴
سود پیوسته.....	۴۱۴
درسنامه (۴): مطلوبیت نهایی، تولید نهایی و متوسط، نرخ رشد درآمد.....	۴۱۸
مطلوبیت نهایی.....	۴۱۸
تولید نهایی و متوسط.....	۴۲۰
نرخ رشد درآمد.....	۴۲۳

فهرست مطالب

فصل دوازدهم: «دبالة و سری»

درسنامه (۱): تعریف دبالة، کرانداری، بکنایی، همگرایی، واگری و حد دبالةها	۴۲۵
روش‌های محاسبه حد دبالةها	۴۲۶
درسنامه (۲): سری و بررسی همگرایی سری‌ها	۴۲۹
سری	۴۲۹
استفاده از P سری	۴۳۰
درسنامه (۳): به دست آوردن حاصل سری‌ها	۴۳۴
درسنامه (۴): فاصله و شاعع همگرایی، بسطهای تیلور و مکلورن	۴۴۲
محاسبه فاصله همگرایی و شاعع همگرایی (R)	۴۴۲
بسطهای تیلور و مکلورن	۴۴۳

فصل سیزدهم: «دستگاه مختصات قطبی و اعداد مختلط»

درسنامه (۱): دستگاه قطبی، عدد مختلط و فرم‌های مختلف آن	۴۴۸
معرفی دستگاه مختصات قطبی	۴۴۸
تبديل دستگاه مختصات قائم به قطبی و بالعکس	۴۴۸
اعداد مختلط	۴۴۹
اعمال حسابی در اعداد مختلط	۴۵۰
شكل قطبی اعداد مختلط	۴۵۲
شكل نمایی عدد مختلط	۴۵۳
ضرب و تقسیم اعداد مختلط به فرم قطبی یا نمایی	۴۵۴
درسنامه (۲): به توان رساندن و ریشه گرفتن از یک عدد مختلط، لکاریتم یک عدد مختلط	۴۵۵
توان یک عدد مختلط	۴۵۵
ریشه‌یافتم یک عدد مختلط	۴۵۸
لکاریتم یک عدد مختلط	۴۶۶

فصل چهاردهم: «معادلات دیفرانسیل»

درسنامه (۱): تشکیل معادله دیفرانسیل، و روش‌های حل معادلات دیفرانسیل مرتبه اول	۴۶۷
روش‌های حل معادلات دیفرانسیل مرتبه اول	۴۶۸
درسنامه (۲): معادلات دیفرانسیل مرتبه دوم همگن و غیرهمگن	۴۷۵
معادلات خطی غیرهمگن از مرتبه دوم با ضرایب ثابت	۴۷۷
سوالات آزمون مجموعه مدیریت - کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۴۷۸
پاسخنامه آزمون مجموعه مدیریت - کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۴۷۸
سوالات آزمون مجموعه حسابداری - کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۴۸۰
پاسخنامه آزمون مجموعه حسابداری - کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۴۸۱
سوالات آزمون علوم اقتصادی - کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۴۸۴
پاسخنامه آزمون علوم اقتصادی - کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۴۸۵
سوالات آزمون حسابداری - دکتری ۱۴۰۳	۴۹۱
پاسخنامه آزمون حسابداری - دکتری ۱۴۰۳	۴۹۱
سوالات آزمون علوم اقتصادی - دکتری ۱۴۰۳	۴۹۳
پاسخنامه آزمون علوم اقتصادی - دکتری ۱۴۰۳	۴۹۴
منابع و مراجع	۴۹۶